

1.	Funktionsgleichung	$f(x) = x^3 - 3 \cdot x^2 - x + 3$
	Definitionsbereich	$D = [-2; 4]$
2.	Ableitungen	$f'(x) = 3 \cdot x^2 - 6 \cdot x - 1$ $f''(x) = 6 \cdot x - 6$ $f'''(x) = 6$
3.	Nullstellen	$f(x) = 0$ $x^3 - 3 \cdot x^2 - x + 3 = 0$ Durch Erraten erhält man die erste Nullstelle bei $x = 1$ $N_1(1/0)$ Durch Anwenden des Hornerchemas erhält man <b>Restpolynom:</b> $x^2 - 2x - 3$ Durch Lösen der folgenden quadratischen Gleichung $x^2 - 2x - 3 = 0$ erhält man die restlichen Nullstellen $x^2 - 2x - 3 = 0$ $p = -2; q = -3$ $x_{1,2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$ $x_{1,2} = -\frac{-2}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{-2}{2}\right)^2 - (-3)}$ $x_{1,2} = 1 \pm \sqrt{4}$ $x = 3 \text{ und } x = -1$ $N_2(3/0); N_3(-1/0)$
4.	Tiefpunkte (TP) Hochpunkte (HP)	$f'(x) = 0 \wedge f''(x) \neq 0$ $3 \cdot x^2 - 6 \cdot x - 1 = 0 \quad   :3$ $x^2 - 2 \cdot x - \frac{1}{3} = 0$ $p = -2; q = -\frac{1}{3}$ $x_{1,2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$ $x_{1,2} = -\frac{-2}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{-2}{2}\right)^2 - \left(-\frac{1}{3}\right)}$ $x_{1,2} = 1 \pm \sqrt{\frac{4}{3}}$ $x_1 \approx 2,15; x_2 \approx -0,15$ $f''(2,15) = 6 \cdot 2,15 - 6 > 0$ d.h. 2,15 ist Minimumstelle $f''(-0,15) = 6 \cdot (-0,15) - 6 < 0$ d.h. -0,15 ist Maximumstelle $f(2,15) = 2,15^3 - 3 \cdot 2,15^2 - 2,15 + 3 \approx -3,1$ $f(-0,15) = (-0,15)^3 - 3 \cdot (-0,15)^2 - (-0,15) + 3 \approx 3,1$ <b>HP(-0,15/3,1)</b> <b>TP(2,15/-3,1)</b>  <b>Linker Randpunkt P</b> $f(-2) = (-2)^3 - 3 \cdot (-2)^2 - (-2) + 3 = -15$

		<p><b>P(-2/-15)</b>  <b>Rechter Randpunkt Q</b>  <math>f(4) = 4^3 - 3 \cdot 4^2 - 4 + 3 = 15</math>  <b>Q(4/15)</b>  <b>Bestimmung absoluter bzw. relativer Maxima/Minima</b>  <b>P(-2/-15):</b>            <b>absolutes Minimum</b>  <b>Q(4/15) :</b>            <b>absolutes Maximum</b>  <b>HP(-0,15/3,1) :</b>    <b>relatives Maximum</b>  <b>TP(2,15/-3,1):</b>    <b>relatives Minimum</b></p> <p><b>Monotonieintervalle :</b>  <math>I_1 = [-2; -0,15]</math> sms  <math>f'(-1) = 3 \cdot (-1)^2 - 6 \cdot (-1) - 1 = 8 &gt; 0</math>  <math>I_2 = [-0,15; 2,15]</math> smf  <math>f'(0) = 3 \cdot 0^2 - 6 \cdot 0 - 1 = -1 &lt; 0</math>  <math>I_3 = [2,15; 4]</math> sms  <math>f'(3) = 3 \cdot 3^2 - 6 \cdot 3 - 1 = 8 &gt; 0</math></p>
5.	Wendepunkte	<p><math>f''(x) = 0 \wedge f'''(x) \neq 0</math>  <math>6 \cdot x - 6 = 0</math>  <math>x = 1</math>  <math>f'''(1) = 6 \neq 0</math> d.h. 1 ist Wendestelle  <math>f(1) = 0</math>  <b>WP( 1/ 0)</b>  <b>Krümmungsintervalle</b>  <math>I_1 = [-2; 1]</math> Rk, weil <math>f''(0) = -6 &lt; 0</math>  <math>I_2 = [1; 4]</math> Lk, weil <math>f''(2) = 6 &gt; 0</math></p>
6.	Graph	